

APRENDIZAJE DE REGLAS

Eduardo Morales y Jesús González

Clasificación con Reglas

2

- Resultados fáciles de entender
 - ▣ En dominios en que se trabaja de cerca con expertos en otras áreas
- Reglas del tipo
 - ▣ **If** $\langle att_1 = val_1 \ \& \ att_5 = val_5 \rangle$ **then** class_i

Splitting vs. Covering

3

- Árboles de decisión
 - ▣ Basados en splitting
- Splitting
 - ▣ Dividir conjunto de datos en subconjuntos
 - ▣ Selecciona un atributo con una heurística
 - ▣ Se consideran todas las clases en la partición
 - ▣ Se añaden atributos al árbol tratando de maximizar la separación entre las clases

Splitting vs. Covering

4

- Aprendizaje de Reglas
 - ▣ Basado en covering
- Covering
 - ▣ Encontrar condiciones (par atributo valor)
 - Cubrir mayor # ejemplos de una clase
 - Cubrir menor # ejemplos del resto de las clases
 - Considera cubrir sólo una clase

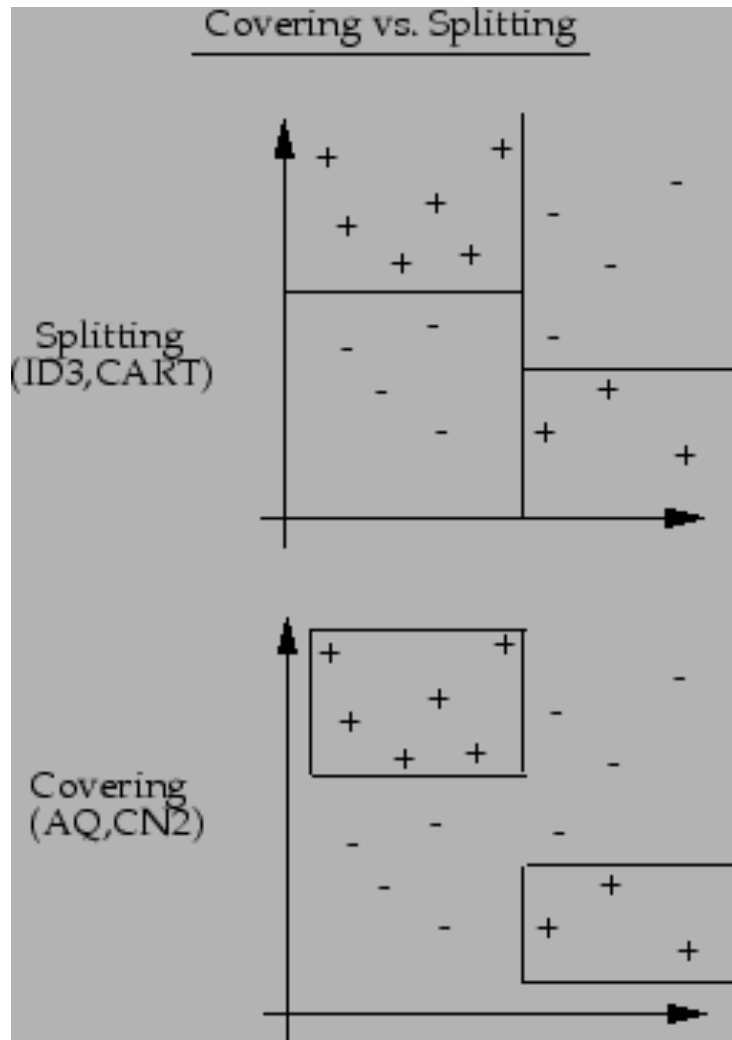
Splitting vs. Covering

5

- Idea básica
 - ▣ Añadir pruebas a cada regla que construye
 - Busca maximizar cobertura, minimizando errores
- Reglas
 - ▣ Pueden expresar *disjunciones* más fácil que los árboles
 - ▣ Extraer reglas de árboles tiende a producir reglas más complejas de lo necesario
 - ▣ Los árboles tienen algo conocido como **replicated subtree problem**
 - Se repiten subárboles en varios lados

Splitting vs. Covering

6



27/02/12 12:43 pm

Listas de Decisión

7

- Normalmente se generan listas de decisión (***decision lists***)
 - ▣ Reglas evaluadas en orden
- Facilita evaluación pero disminuye su modularidad
- Si se permitiese evaluar reglas independientemente del orden
 - ▣ Puede haber más de una predicción para un solo ejemplo
 - ▣ Dificulta producir un solo resultado

Splitting vs. Covering

8

- Reglas (continuación...)
 - ▣ Construir árboles a partir de reglas
 - No trivial
 - Tiende a dejar árboles incompletos
 - ▣ Ventaja de las reglas sobre los árboles
 - Tienden a representar “**pedazos**” de conocimiento relativamente *independiente*

1 R

9

- 1 R es un sistema muy simple, equivalente a un ***decision stump***, o árbol de decisión de un solo nivel
 - ▣ Se hacen reglas que prueban un solo par atributo-valor
 - ▣ Se prueban todos los pares atributo-valor
 - ▣ Se selecciona el que ocasione menos errores
 - ▣ En la tabla 2.2
 - Atributo Ambiente, 4 errores
 - Atributo Temperatura, 5 errores
 - Atributo Humedad, 4 errores
 - Atributo Viento, 5 errores
 - ▣ Empates se rompen arbitrariamente

Tabla 2.2: Tabla de ejemplos para decidir si jugar o no golf.

	Ambiente	Temp.	Humedad	Viento	Clase
→	soleado	alta	alta	no	N
→	soleado	alta	alta	si	N
	nublado	alta	alta	no	P
	lluvia	media	alta	no	P
	lluvia	baja	normal	no	P
	lluvia	baja	normal	si	N
	nublado	baja	normal	si	P
→	soleado	media	alta	no	N
→	soleado	baja	normal	no	P
	luvia	media	normal	no	P
→	soleado	media	normal	si	P
	nublado	media	alta	si	P
	nublado	alta	normal	no	P
	lluvia	media	alta	si	N

1 R

11

- Nos quedamos con las siguientes reglas:
- If Ambiente = soleado
Then Clase = N (cubre 5 y tiene 2 errores)
- If Ambiente = nublado
Then Clase = P (cubre 4 y tiene 0 errores)
- If Ambiente = lluvioso
Then Clase = P (cubre 5 y tiene 2 errores)

1 R

12

- Valores faltantes se tratan como un nuevo valor
- Para valores continuos se hace una división simple
 - ▣ Se ordenan atributos respecto a la clase
 - ▣ Se sugieren puntos de partición en cada lugar donde cambia la clase
 - ▣ Si hay dos clases diferentes con el mismo valor
 - Se mueve el punto de partición a un punto intermedio con el sig. valor hacia arriba o abajo dependiendo de dónde está la clase mayoritaria
 - ▣ Problema más serio, el algoritmo tendería a construir reglas para cada una de las particiones
 - Da una clasificación perfecta
 - Con muy poca predicción futura
 - ▣ Para solucionar el problema
 - Se exige un # mínimo de ejemplos de la clase mayoritaria en cada partición
 - ▣ Si hay clases adyacentes con la misma clase mayoritaria
 - Se juntan

Ejemplo

13

64	65	68	69	70	71	72	72	75	75	80	81	83	85
P	N	P	P	P	N	N	P	P	P	N	P	P	N

- Tomando puntos intermedios
 - 64.5, 66.5, 70.5, 72, 77.5, 80.5 y 84
- Considerando los ejemplos de dif. clase, podemos mover la frontera de 72 a 73.5

64	65	68	69	70	71	72	72	75	75	80	81	83	85
P	N	P	P	P	N	N	P	P	P	N	P	P	N

Ejemplo

14

- Si tomamos al menos 3 elementos por partición

64	65	68	69	70	71	72	72	75	75	80	81	83	85
P	N	P	P	P	N	N	P	P	P	N	P	P	N

- Si juntamos clases con la misma clase mayoritaria

64	65	68	69	70	71	72	72	75	75	80	81	83	85
P	N	P	P	P	N	N	P	P	P	N	P	P	N

Ejemplo

15

- Obtenemos una regla del tipo:
 - ▣ If Temperatura ≤ 77.5
Then Clase = P (cubre 10 y tiene 3 errores)
 - ▣ If Temperatura > 77.5
Then Clase = N (cubre 4 y tiene 2 errores)

64	65	68	69	70	71	72	72	75	75	80	81	83	85
P	N	P	P	P	N	N	P	P	P	N	P	P	N

- En la segunda regla se hace una selección al azar por haber un empate

Algoritmo 1 R

16

Para cada atributo

Para cada valor de cada atributo, crea una regla:
cuenta cuántas veces ocurre la clase
encuentra la clase más frecuente
asigna esa clase a la regla.

Calcula el error de todas las reglas

Selecciona las reglas con el error más bajo

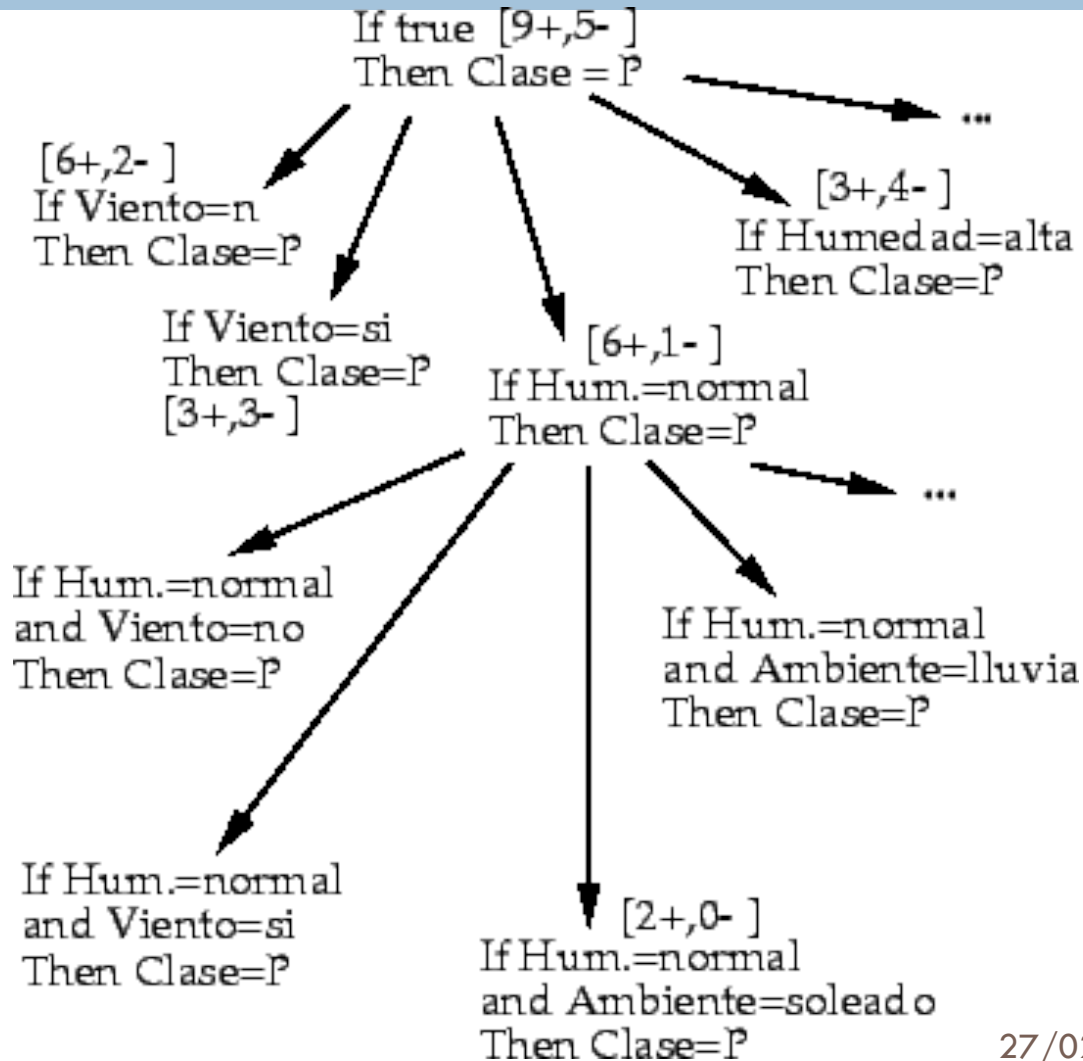
PRISM

17

- PRISM es un algoritmo básico de aprendizaje de reglas
 - ▣ Asume que no hay ruido en los datos

PRISM

18



Algoritmo de PRISM

19

Para cada clase C

Sea E = ejemplos de entrenamiento

Mientras E tenga ejemplos de clase C

 Crea una regla R con LHS vacío y clase C

 Until R es perfecta do

 Para cada atributo A no incluido en R y cada valor v ,

 Considera añadir la condición $A = v$ al LHS de R

 Selecciona el par $A = v$ que maximice p/t

 (en caso de empates, selecciona la que tenga p mayor)

 Añade $A = v$ a R

 Elimina de E los ejemplos cubiertos por R

PRISM

20

- Sea t el # total de ejemplos que cumplen la condición (par atributo-valor) y p el # de ejemplos positivos (o la clase en turno) cubiertos por la regla
 - ▣ PRISM añade condiciones a reglas que maximicen la relación p/t
 - Relación entre ejemplos **pos** cubiertos y ejemplos cubiertos en total **sea mayor**

$$\frac{p}{t} = \frac{\text{positivos cubiertos}}{\text{total cubiertos}}$$

- El algoritmo va eliminando los ejemplos que va cubriendo cada regla
 - Las reglas construidas tienen que interpretarse en orden
 - Nuevas reglas se diseñan para cubrir los casos faltantes
 - Reglas que dependen del orden para su interpretación → **decision lists**
 - Reglas que no dependen del orden son más modulares, pero pueden producir varias clasificaciones o no predecir nada
 - Con varias clasificaciones se puede seleccionar la regla que cubra más ejemplos
 - Si no hay una clasificación, elegir la clase mayoritaria
 - Las reglas ordenadas son en general más rápidas de producir ya que van reduciendo el # de ejemplos a considerar

Ejemplo de PRISM

22

A1	A2	A3	A4	Clase
1	X	Triang	a	P
0	X	Circ	a	N
1	Y	Cuadr	a	P
1	Y	Triang	b	P
1	X	Cuadr	b	N
0	Y	Circ	a	P
0	X	Triang	b	N
1	Y	Circ	a	P

Ejemplo de PRISM

23

- Iniciamos con **P**
 - ▣ Construimos todas posibles combinaciones de atributo valor y evaluamos su predicción sobre la clase **P**
 - If $A_1 = 1$ Then Clase = P, 4/5
 - If $A_1 = 0$ Then Clase = P, 1/3
 - If $A_2 = x$ Then Clase = P, 1/4
 - If $A_2 = y$ Then Clase = P, 4/4
 - If $A_3 = \text{triang}$ Then Clase = P, 2/3
 - If $A_3 = \text{circ}$ Then Clase = P, 2/3
 - If $A_3 = \text{cuadr}$ Then Clase = P, 1/2
 - If $A_4 = a$ Then Clase = P, 4/5
 - If $A_4 = b$ Then Clase = P, 1/3

Ejemplo de PRISM

24

- Hay una regla perfecta (*If $A_2 = y$ Then Clase = P*)
 - ▣ La seleccionamos y eliminamos ejemplos cubiertos

Ejemplo de PRISM

25

A1	A2	A3	A4	Clase
1	X	Triang	a	P
0	X	Circ	a	N
1	X	Cuadr	b	N
0	X	Triang	b	N

Ejemplo de PRISM

26

- Repetimos con los ejemplos que quedan
 - ▣ If $A_1 = 1$ Then Clase = P, 1/2
 - ▣ If $A_1 = 0$ Then Clase = P, 0/2
 - ▣ If $A_2 = x$ Then Clase = P, 1/4
 - ▣ If $A_3 = \text{triang}$ Then Clase = P, 1/2
 - ▣ If $A_3 = \text{circ}$ Then Clase = P, 0/1
 - ▣ If $A_3 = \text{cuadr}$ Then Clase = P, 0/1
 - ▣ If $A_4 = a$ Then Clase = P, 1/2
 - ▣ If $A_4 = b$ Then Clase = P, 0/2

Ejemplo de PRISM

27

- Tenemos tres empates de $\frac{1}{2}$ como valor máximo
- Tomamos uno al azar y construimos todas las posibles reglas añadiendo posibles pares atributo-valor
 - ▣ If $A_1 = 1$ & $A_2 = x$ Then Clase = P, $\frac{1}{2}$
 - ▣ If $A_1 = 1$ & $A_3 = \text{triang}$ Then Clase = P, $\frac{1}{1}$
 - ▣ If $A_1 = 1$ & $A_3 = \text{circ}$ Then Clase = P, $\frac{0}{0}$
 - ▣ If $A_1 = 1$ & $A_3 = \text{cuadr}$ Then Clase = P, $\frac{0}{1}$
 - ▣ If $A_1 = 1$ & $A_4 = a$ Then Clase = P, $\frac{1}{1}$
 - ▣ If $A_1 = 1$ & $A_4 = b$ Then Clase = P, $\frac{0}{1}$

Ejemplo de PRISM

28

- De nuevo tenemos empates, tomamos la primera regla
- Las reglas entonces para la clase **P** son:
 - ▣ If $A_2 = y$ Then Clase = **P**
 - ▣ If $A_1 = 1$ & $A_3 = \text{Triang}$ Then Clase = **P**
- Se repite el mismo proceso para el resto de las clases
- Para la clase **N** unas posibles reglas son:
 - ▣ If $A_2 = x$ & $A_1 = 0$ Then Clase **N**
 - ▣ If $A_2 = x$ & $A_3 = \text{Cuadr}$ Then Clase = **N**

- AQ fue uno de los primeros sistemas de reglas
 - ▣ Desarrollado originalmente por Michalski (79)
 - ▣ Reimplementado y mejorado por otros autores
 - AQ11, AQ15
 - ▣ Su salida es un conjunto de reglas de clasificación del tipo “if...then...”

- Idea principal de AQ
 - ▣ Seleccionar un ejemplo semilla aleatoriamente
 - ▣ Identificar el ejemplo de otra clase más cercano
 - ▣ Especializar (añadir condiciones atributo valor) a la regla actual
 - Para no cubrir ese ejemplo negativo y
 - Tratar de cubrir la mayor cantidad de ejemplos positivos

- Se exploran varias alternativas de reglas (beam-search)
- Algunas heurísticas utilizadas para seleccionar la mejor regla
 - ▣ Sumar ejemplos **pos** cubiertos y **neg** excluidos (en empate, preferir la más corta)
 - ▣ Sumar el # de ejemplos clasificados correctamente dividido por el # total de ejemplos cubiertos
 - ▣ Maximiza el número de ejemplos **pos** cubiertos
- Principal desventaja
 - ▣ Sensible a ejemplos con ruido (i.e. si la semilla seleccionada tiene inf. errónea)

CN2

32

- CN2 (Clark, Niblett, 88)
 - ▣ Atacar datos con ruido
 - ▣ Evitar el sobreajuste encontrado en sistemas como AQ
- Principal contribución
 - ▣ Quitar dependencia de ejemplo específico durante su búsqueda
 - ▣ Forma base de muchos alg. de reglas actuales

CN2

33

- En CN2
 - ▣ Se pueden especificar valores ***don't-care***
 - ▣ Valores desconocidos
 - ▣ Sigue búsqueda tipo beam-search
 - ▣ Heurística de búsqueda original basada en entropía
 - $Entr = - \sum_i p_i \log_2(p_i)$
 - p_i es la distribución de las clases que cubre cada regla

- Selecciona la regla de menor entropía
 - ▣ La que cubre muchos ejemplos de una clase y pocos de las demás
 - ▣ Versión posterior utiliza **Laplacian error estimate**
 - ▣ $Accuracy A(n, n_c, k) = (n - n_c + k - 1) / (n + k)$
 - n = número total de ejemplos cubiertos por la regla
 - n_c = número de ejemplos **pos** cubiertos por la regla
 - k = número de clases en el problema

- Medida de significancia para las reglas
 - ▣ Umbral para la medida de significancia
 - Debajo de ese nivel, las reglas son rechazadas
 - ▣ Medida basada en la razón de verosimilitud (***likelihood ratio statistic***)
 - Mide una distancia entre dos distribuciones

$$2 \sum_{i=1}^n f_i \log\left(\frac{f_i}{e_i}\right)$$

Likelihood-ratio test

36

- Prueba estadística utilizada para comparar dos modelos
 - ▣ Uno es el modelo nulo y otro es el modelo alternativo
 - ▣ La prueba está basada en el “likelihood ratio”
 - ▣ Expresa cuantas veces es más probable que los datos caigan en un modelo que en otro
 - ▣ El “likelihood ratio” (o su logaritmo) puede ser usado para calcular el “p-value”

$$D = -2 \ln \left(\frac{\text{likelihood for null model}}{\text{likelihood for alternative model}} \right)$$

- $F = (f_1, \dots, f_n)$, distribución de frecuencias observada de ejemplos dentro de las clases que satisfacen una regla dada
 - ▣ # ejemplos que satisfacen la regla entre # total de ejemplos que satisfacen la regla
- $E = (e_1, \dots, e_n)$ es la frecuencia esperada en los mismos ejemplos bajo la suposición de que la regla selecciona ejemplos aleatoriamente
 - ▣ # ejemplos cubiertos por la regla siguiendo la distribución de ejemplos del total de los ejemplos
- Entre más baja la medida, más posible que la aparente regularidad expresada en la regla sea por casualidad

Medidas Alternativas de Selección

38

- La más simple es la frecuencia relativa de ejemplos positivos cubiertos
 - ▣ Tiene problemas con muestras pequeñas

$$m(R) = \frac{p}{t} = \frac{p}{p + n}$$

- ▣ $t = \#$ tot de ejemplos cubiertos por la regla = $p + n$
- ▣ $p = \#$ tot ejemplos pos cubiertos por la regla

Medidas Alternativas de Selección

39

- Estimador Laplaciano (CN2)
 - ▣ Asume una distribución uniforme de las k clases ($k=2$)

$$m(R) = \frac{p + 1}{p + n + k}$$

Medidas Alternativas de Selección

40

□ Estimador m

- ▣ Considera que las distribuciones a priori de las clases “ $P_a(C)$ ”, son independientes del # de clases y m es dependiente del dominio
 - Entre más ruido, se selecciona una m mayor

$$m(R) = \frac{p + m \cdot P_a(C)}{p + n + m}$$

Medidas Alternativas de Selección

41

- Ganancia de Información

$$\log_2 \frac{p}{p+n} - \log_2 \frac{P}{P+N}$$

- P y N son los ejemplos cubiertos antes de añadir la nueva prueba

Medidas Alternativas de Selección

42

- Weighted relative accuracy

$$wla = \frac{p + n}{P + N} \left(\frac{p}{p + n} - \frac{P}{P + N} \right)$$

Valores Desconocidos y Numéricos

43

- Valores desconocidos en un alg. Covering
 - ▣ Hacer como si no aparecieran en ninguna condición (ignorarlos)
 - ▣ Algoritmos que aprenden “decision lists” tienen ventaja
 - Ejemplos que parecen difíciles al principio se van quedando y al final se pueden resolver
 - En general, más fácilmente
- Atributos numéricos se pueden tratar igual que con árboles de decisión

Pruning

44

- Forma de evaluar una regla
 - ▣ Considerar la probabilidad de que una regla aleatoria nos de resultados iguales o mejores que la regla a considerar
 - Basados en la mejora en ejemplos **pos** cubiertos
- Idea
 - ▣ Generar reglas que cubran solo ejemplos **pos**
 - ▣ Probable que esas reglas estén sobre-especializadas
 - ▣ Se elimina el último término añadido y se verifica si esa regla es mejor a la anterior
 - ▣ Se repite el proceso hasta que no existan mejoras

Algoritmo de Podado de Reglas

45

Inicializa E al conjunto de ejemplos

Until E sea vacío do

Para cada clase C

 Crea una regla perfecta para la clase C

 Calcula la medida de probabilidad $m(R)$ para la regla
 y para la regla sin la última condición $m(R-)$

 Mientras $m(R-) < m(R)$, elimina la última condición
 de la regla y repite el proceso

De las reglas generadas, selecciona aquella con $m(R)$ menor

Elimina las instancias cubiertas por la regla.

Algoritmo de Podado de Reglas

46

- Este algoritmo no garantiza encontrar las mejores reglas por 3 razones principales
 - ▣ El alg. para construir las reglas, no necesariamente produce las mejores reglas para ser reducidas
 - ▣ La reducción de reglas inicia con la última condición, y no necesariamente es el mejor orden
 - ▣ La reducción de reglas termina cuando cambia la estimación, lo cual no garantiza que el seguir recortando pueda mejorar de nuevo la estimación
- Sin embargo, el procedimiento es bueno y rápido

Medida de Evaluación para Reducción de Reglas

47

- ¿Cuál es la probabilidad de que una regla seleccionada aleatoriamente con la misma cantidad de ejemplos que cubre R tenga el mismo desempeño?
- Una regla que cubra t casos, de ellos i son de la clase C (sin reemplazo):

$$Pr(t_C) = \frac{\binom{P}{i} \binom{T-P}{t-i}}{\binom{T}{t}}$$

Medida de Evaluación para Reducción de Reglas

48

- p es # instancias de la clase que la regla selecciona
- t es # total de instancias que cubre la regla
- P es el # total de instancias de la clase
- T es el # total de instancias
- Si queremos ver la probabilidad de que cubra p casos o más, entonces:

$$m(R) = \sum_{i=p}^{\min(t,P)} Pr(t_C)$$

Medida de Evaluación para Reducción de Reglas

49

- Valores pequeños indican que la regla es buena
 - ▣ Porque es muy poco probable que la regla sea construida por casualidad
 - ▣ Como esto es muy costoso de calcular, se hacen aproximaciones
 - ▣ Si el # de ejemplos es grande, la prob. de que exactamente i ejemplos de los t sean de clase C (con reemplazo) es:

$$Pr(t_C) = \binom{t}{i} \left(\frac{P}{T}\right)^i \left(1 - \frac{P}{T}\right)^{t-i}$$

- ▣ corresponde a una distribución binomial

Medida de Evaluación para Reducción de Reglas

50

- La función acumulada se puede aproximar a una función beta de la sig. forma:

$$\sum_{i=p}^t \binom{t}{i} \left(\frac{P}{T}\right)^i \left(1 - \frac{P}{T}\right)^{t-i} = I_{\beta}(p, t - p + 1)$$

- Esta simplificación de reglas se puede hacer con un subconjunto del conjunto de ejemplos de entrenamiento
 - ▣ REP (*reduced error pruning*)

Medida de Evaluación para Reducción de Reglas

51

□ Variantes: IREP (Incremental REP)

- Simplifica reglas cada vez que se construyen usando

$$\frac{p + (N - n)}{P + N}$$

- Maximiza # **pos** cubiertos más el # **neg** no cubiertos
- Da misma importancia a **neg** no cubiertos y **pos** cubiertos
 - Si una regla cubre 2,000 (p) de 3,000, n=1,000 es evaluada mejor que una regla que cubre 1,000 (p) de 1,001 (n=1)

Medida de Evaluación para Reducción de Reglas

52

- Otra medida popular

$$\frac{p - n}{p + n}$$

- Sufre de problemas parecidos

RIPPER

53

- RIPPER es una variante con buenos resultados
 - ▣ Construye reglas usando covering
 - ▣ Las reduce usando una heurística (como las anteriores) con conjunto de entrenamiento separado
 - ▣ Luego “optimiza” al mismo tiempo ese conjunto de reglas

RIPPER

54

- RIPPER utiliza varias medidas e ideas al mismo tiempo
 - ▣ Un conjunto de ejemplos separados para decidir podar reglas
 - ▣ Ganancia de información para crecer las reglas
 - ▣ Medida IREP para podar reglas
 - ▣ Medida basada en MDL como criterio de paro para el conjunto global de reglas

RIPPER

55

- Cuando construye un conjunto inicial de reglas
 - ▣ Toma una regla R_i , del conjunto total de reglas
 - ▣ La hace crecer (revision)
 - ▣ Hace crecer una nueva regla desde el principio
- Al final
 - ▣ Se queda con la regla original o alguna de las otras dos
 - La que hizo crecer o construyó desde cero
 - Tomando en cuenta el error sobre el conjunto total de reglas

Construir Reglas usando Árboles

56

- Es posible hacerlo directamente
 - ▣ Las reglas tienden a ser más complejas de lo necesario
- Se pueden utilizar mecanismos de podado de reglas

Construir Reglas usando Árboles

57

- Combinar estrategia de **covering** con **splitting**
 - ▣ Para construir una regla se construye un árbol podado (splitting)
 - ▣ La hoja con mejor cobertura se transforma en regla
 - ▣ Se eliminan los ejemplos cubiertos por esa regla (covering)
 - ▣ Se repite el proceso
 - ▣ En lugar de construir un árbol completo, se construyen árboles parciales, se expanden las hojas con mejores medidas de entropía
 - ▣ Tiende a producir conjuntos de reglas simples pero con muy buen desempeño

Ripple-down rules

58

- Construir primero reglas que cubren la mayor cantidad de casos
 - ▣ Luego se afinan mediante excepciones
- Primero se toma la clase mayoritaria de entrada
- Todo lo que no se cumpla se toma como una excepción a esta
- Se busca la mejor regla (la que cubra más casos) de otra clase y se añade como una excepción
- Esto divide de nuevo los datos en los que cumplen con esa nueva condición y los que no
- Dentro de los que no cumplen de nuevo se busca la mejor regla de otra clase y se añade como excepción
- Así sucesivamente hasta cubrir todos los casos

Ejemplo de Ripple Down Rules

59

Default: reprueba.

excepto

Si estudia=si AND memoriza=no

Entonces pasa.

excepto

Si copia=si AND descubren=si

Entonces reprueba.

Else

Si estudia=no AND copia=si AND descubren=no

Entonces pasa.

excepto

Si vecino-sabe=no

Entonces reprueba.

Ripple-down rules

60

- Ventajas de estas reglas
 - ▣ La mayoría de los ejemplos se cubren por las reglas de alto nivel
 - ▣ Las de bajo nivel representan realmente las excepciones

Reglas que Consideran Relaciones

61

- En casos anteriores las reglas consideran la prueba de un atributo contra una constante
 - ▣ Son reglas proposicionales
 - ▣ Mismo poder que el cálculo proposicional
- Algunas veces se requieren reglas más expresivas
 - ▣ Expresar relaciones entre los ejemplos

Reglas que Consideran Relaciones

62

- Dominio de objetos geométricos
 - ▣ If width ≥ 3.5 and weight < 7 then lying
 - ▣ If height ≥ 3.5 then standing
- Si vemos varios ejemplos de este dominio
 - ▣ Notamos que los bloques con clase “standing” (de pie) tienen más altura que anchura
 - ▣ Es posible generar las reglas
 - ▣ If width $>$ height then lying
 - ▣ If height $>$ width then standing
 - ▣ El valor particular de la altura y ancho ya no son importantes, sólo el resultado de su comparación
- Este tipo de reglas se conoce como relacionales
 - ▣ Expresan relaciones entre atributos
 - ▣ En lugar de referirse a hechos sobre un atributo como las proposicionales

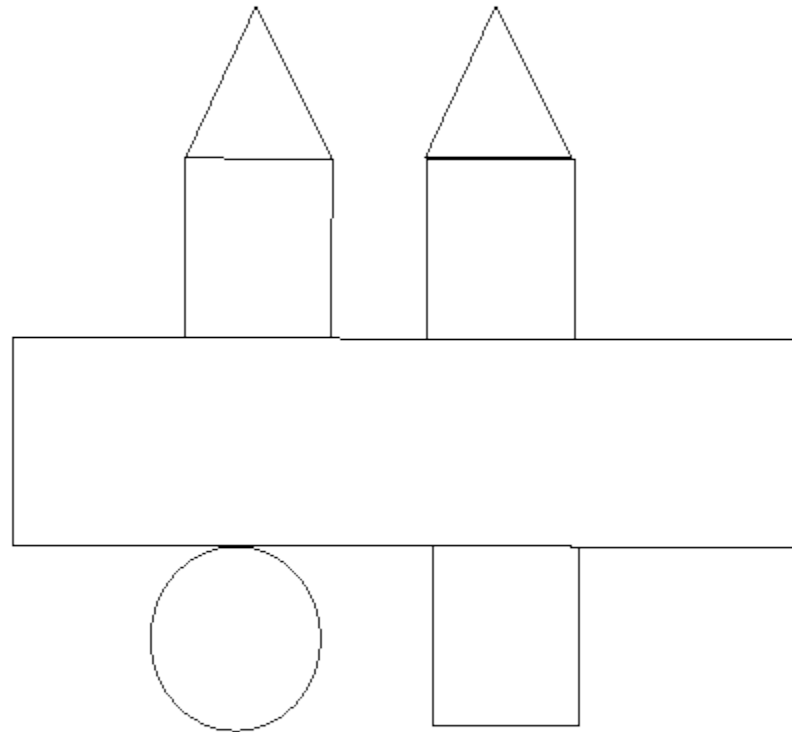
Reglas que Consideran Relaciones

63

- Otro dominio relacional es el de figuras geométricas
 - ▣ Representan una casa como un triángulo sobre un cuadrado
 - ▣ La forma de un objeto se representa con un atributo

Reglas que Consideran Relaciones

64



Reglas que Consideran Relaciones

65

- Posteriormente veremos como trabajar con dominios relacionales
 - ▣ Inductive Logic Programming
 - ▣ Graph-based Learning

Ejercicios

66

- ¿Cuál es el lenguaje de hipótesis en el aprendizaje basado en reglas?
- ¿Cuál es el espacio de hipótesis?
- ¿Cómo acotamos el espacio de hipótesis con el algoritmo PRISM?
- ¿Buscamos hipótesis consistentes?
- Buscar reglas usando el algoritmos PRISM (manualmente) para el dominio del GOLF, lámina 10, para ambas clases.

Resumen: Mapa Mental para Aprendizaje basado en Reglas

67

